

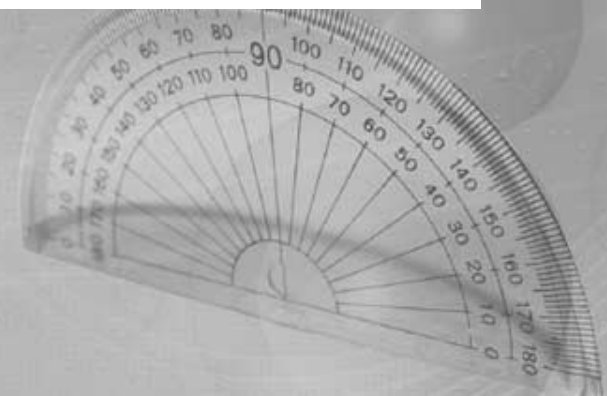
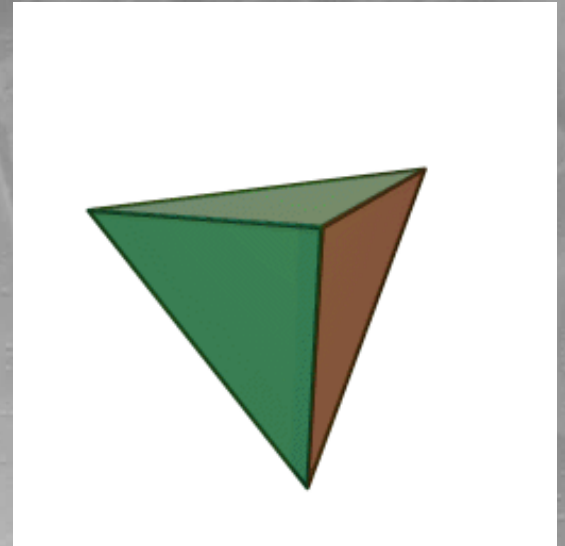
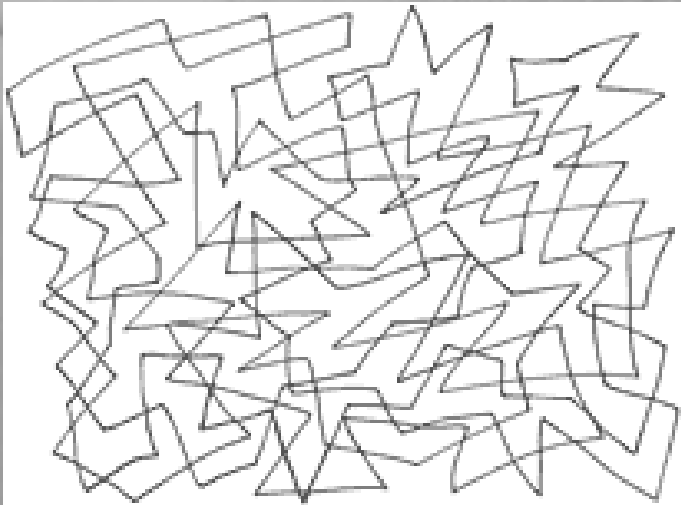
# Didactique des mathématiques

1. Deux exemples
2. Quelques apports théoriques
  - Échange de pratiques
  - Questions/réponses
  - Cas pratiques
  - Analyse de situations
  - Analyse de pratiques
  - Webographie
3. Conception d'une progression, d'une séquence, d'une séance
4. Psychologie de l'apprentissage – Stratégies d'apprentissage – Motivation
5. Intégration des TICE

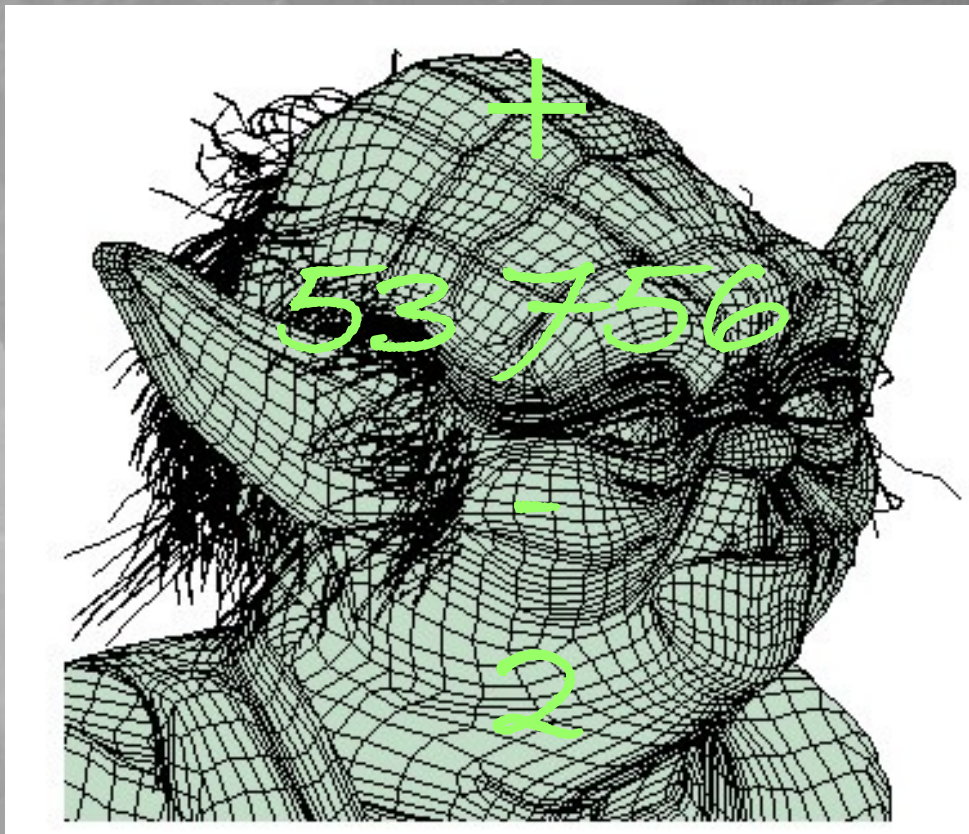
- $3 + 2$
- $3 + 2 = \blacksquare$
- $3 + \blacksquare = 5$
- $3 + x = 5$
- $3 + 5x = 2 + 3x$
- $3x + 5 = 3x - 2$
- $x^2 + 2x - 1 = 0$
- $x^3 + 2x^2 - x = 0$
- $x^3 + 2x - 1 = 0$
- $x^4 + 2x^2 - 1 = 0$
- $3 + 2 \geq \blacksquare$
- $3 + 2 > \blacksquare$



N + F - S



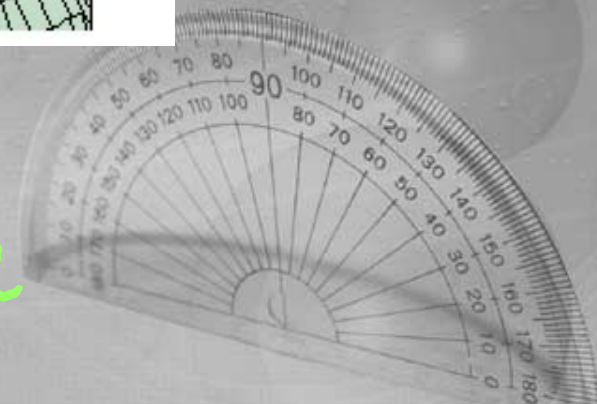
53 770



=

107 524

44  
30





# Quelques apports théoriques

- Qu'apprend l'élève?
- Comment l'élève apprend-il?
- Comment comprend-il?
- Pourquoi doit-il apprendre? Ce savoir lui sera-t-il utile?
- Qu'est-ce qu'enseigner exactement?
- Le professeur possède-t-il des leviers d'action?



# Qu'apprend l'élève?

- L'élève doit apprendre un savoir obligatoire et transformé.
- Ce savoir provient d'un sujet de recherche modifié jusqu'à ce que son enseignement soit rendu possible à un niveau donné.
- Exemple: le théorème de Pythagore, le calcul numérique, la dérivation

La communauté  
scientifique

La noosphère

Sujet de  
recherche

Savoir  
savant

Savoir à  
enseigner

Situation  
d'enseignement

Le travail du  
mathématicien

Les instructions  
officielles

Le travail du  
professeur



ISAACI NEWTONI EQU. AUR.

TRACTATUS

DE

QUADRATURA  
CURVARUM

IN

USUM STUDIOSÆ JUVENTUTIS MATHEMATICÆ

EXPLICATIONIBUS ILLUSTRATUS

A

DANIELE MELANDER.

ASTRON. PROFESS. UPSAL.



UPSALIÆ, MDCCLXII.

FA  
70a2  
160a212

scriptæ, dent Equationem  $x^3 + 3x^2ax + 3x^2xx + 0^3x^3 - xy^2 - ax^2y - 2x^2yy - 2x^2yy - x^2yy - x^2yy + a^2z + a^2oz - b^3 = 0$ .

Subducatur æquatio prior, & residuum divisum per  $o$  erit  $3xx^2 + 3xx^2ax + x^3 - xy^2 - 2xyy - 2x^2yy - ax^2y - x^2yy + a^2z = 0$ . Minuat quantitas  $o$  in infinitum, & neglectis terminis evanescentibus restabit  $3xx^2 - xy^2 - 2xyy + a^2z = 0$ . Q. E. D.

Explicatio plenior.

Ad eundem modum si æquatio esset  $x^3 - xy^2 + a^2\sqrt{ax - y} - b^3 = 0$ , produceretur  $3x^2x - xy^2 - 2xyy + a^2\sqrt{ax - y} = 0$ . Ubi si fluxionem  $\sqrt{ax - y}$  tollere velis, pone  $\sqrt{ax - y} = z$ , & erit  $ax - y^2 = z^2$ , & (per hanc Propositionem)  $ax - 2yy = 2zz$  seu  $\frac{ax - 2yy}{2z} = z$ , hoc est  $\frac{ax - 2yy}{2\sqrt{ax - y}} = z$ . Et inde  $3x^2x - xy^2 - 2xyy + \frac{a^2x - 2y^2}{2\sqrt{ax - y}} = 0$ .

Et per operationem repetitam pergitur ad fluxiones secundas, tertias & sequentes. Sit æquatio  $zy^2 - z^3 + a^3 = 0$ , & fiet per operationem primam  $zy^2 + 3zyy^2 - 4z^3 = 0$ , per secundam  $zy^2 + 6zyy^2 + 3zyy^2 + 6zy^2y - 4z^3 - 12z^2z^2 = 0$ , per tertiam  $zy^2 + 9zyy^2 + 18zy^2y + 3zyy^2 + 18zyyy + 6zy^2 - 4z^3 - 36z^2z^2 - 24z^2z = 0$ .

Ubi vero sic pergitur ad fluxiones secundas, tertias & sequentes, convenit quantitatem aliquam ut uniformiter fluentem considerare, & pro ejus fluxione primam unitatem scribere, pro secunda vero & sequentibus nihil. Sit æquatio  $zy^2 - z^3 + a^3 = 0$ , ut supra; & fluat  $z$  uniformiter, sitque ejus fluxio unitas, & fiet per operationem primam  $y^2 + 3zyy^2 - 4z^3 = 0$ , per secundam  $6yy^2 + 3zyy^2 + 6zy^2y - 12z^3 = 0$ , per tertiam  $9yy^2 + 18y^2y - 3zyy^2 + 18zyyy + 6zy^2 - 24z^3 = 0$ .

B

In



La première publication de ces deux séries (1715) appartient à Taylor qui les a obtenues en partant de la formule d'interpolation de Newton. Dans son introduction à cette partie du 7<sup>e</sup> volume, D. T. Whiteside résume l'histoire de la découverte de ces séries faite indépendamment par J. I. Bernoulli (sous une forme différente, mais équivalente), A. de Moivre et J. Hermann (p. 19-10). Taylor ne fut pas, semble-t-il, influencé dans ce cas par Newton. Le développement en série de Maclaurin fut connu vers 1670 par J. Gregory qui d'ailleurs ne l'a pas formulé d'une manière générale et explicite.

Le troisième trait distinctif de toutes ces versions, c'est le libre emploi de l'expression « quantité infiniment petite » (*quantitas infinite parva*). Les idées infinitésimales étaient profondément enracinées dans la mentalité de Newton, quoique il aspirât depuis longtemps à fonder la méthode des fluxions sur la base de la méthode des limites exposée dans les *Principia* et, plus tard, dans l'introduction du *Tractatus de quadratura curvarum*. Chose curieuse, en expliquant sur un exemple la règle de différentiation d'une fonction implicite, Newton parla même d'une quantité *infinittissime parva* (p. 64) ; cependant, un peu plus loin, il va raver les mots « en négligeant les quantités infiniment petites », en les remplaçant par « les membres évanouissants » (*ibid.*). La même terminologie est conservée dans la troisième version ; dans le texte imprimé l'accroissement « infiniment petit » de la variable indépendante est appelé *admodum parva*.

TROISIÈME PARTIE  
DE L'ATTRACTION DES SPHÉROÏDES  
EN PARTICULIER

XXXVII  
PROPOSITION XVII – PROBLÈME XVII

Trouver l'attraction qu'un sphéroïde BMO exerce sur un corpscule A placé sur son axe de révolution dans l'hypothèse que sa partie attirée en raison inverse du carré de la distance.

Je commence par faire les lignes  $AB = f$ ,  $BC = a$  ou demi-axe du sphéroïde;  $PB = x$ ,  $PM = y$ ,  $CD = b$  ou rayon de l'équateur, on aura par la propriété de l'ellipse  $y = \frac{b}{a} \sqrt{2ax - xx}$ ; donc  $AM = \sqrt{(f+x)^2 + yy} = \sqrt{\frac{bb}{aa}(2ax - xx) + ff + 2fx + xx}$ .

Faisant à présent  $n = -2$  dans la valeur  $\frac{r}{r(n+1)}(AP \times AM^{n+1} - AP^{n+1})$  de l'attraction du cercle  $PM$  sur le corpscule  $A$  trouvée (article 22.) lorsque l'attraction est supposée agir comme une puissance  $n$  de la distance : on aura  $\frac{r}{r} \left( r - \frac{AP}{AM} \right)$  pour l'attraction du cercle  $PM$  dans la supposition présente, c'est-à-dire, que

$$\int \left( \frac{cdx}{r} - \frac{r(f+x)dx}{r \sqrt{\frac{bb}{aa}(2ax - xx) + ff + 2fx + xx}} \right) \text{ sera}$$

l'attraction cherchée.

Pour intégrer cette quantité au lieu de  $\frac{bb}{aa}(2ax - xx) + f^2 + 2fx + xx$ , j'écris  $f^2 + 2 \left( f + \frac{bb}{a} \right) x +$

$\left( 1 - \frac{bb}{aa} \right) ax$ , et des 2 cas que renferme cette valeur dans la supposition de  $\frac{bb}{aa} >$  ou  $<$  que 1, je choisis d'abord celui où  $\frac{bb}{aa} > 1$ , c'est-à-dire où  $b > a$ , ou, ce qui revient au même, celui où le sphéroïde est aplati.

Deuxième Cas. Au lieu de  $\frac{bb}{aa} - 1$ , je mets  $\frac{bb}{aa}$  et la partie ci-dessus devient  $f^2 + 2 \left( f + \frac{bb}{a} \right) x - \frac{bb}{aa} ax$ , ou (en faisant  $f + \frac{bb}{a} = k$ ),  $f^2 + 2kx - \frac{bb}{aa} ax$ .

Je fais ensuite  $\frac{bbx^2}{aa} = x + u$ , et cette quantité se change en  $\frac{bb}{aa} \left( \frac{aauf}{aa} + \frac{bbx^2}{aa} - ax \right)$ ; de  $\frac{bbx^2}{aa} = x + u$  on tire  $-dx = du$ .

Ensuite partie de la différentielle, savoir,  $f + x$  devient par les mêmes substitutions -

$$f + \frac{bbx^2}{aa} = u, \text{ ce qui change la différentielle proposée en } \frac{r}{r} \left( -du + \frac{r \left( f + \frac{bbx^2}{aa} - u \right) du}{-du + \frac{r \left( \frac{aauf}{aa} + \frac{bbx^2}{aa} - ax \right)} \right)$$

que l'on voit aisément être en partie intégrable, et en partie réductible à un arc de cercle.



FIG. 41.

- Cette traduction est ainsi importante non seulement d'un point de vue scientifique mais aussi méthodologique, ce que salue d'Alembert dans l'Encyclopédie où il écrit, en citant le travail de M<sup>me</sup> Du Châtelet : « quelques auteurs ont tenté de rendre la philosophie newtonienne plus facile à entendre ». Son titre de gloire est donc bien celui de passeur scientifique, de transmetteur de savoir entre les générations euclidiennes et les générations leibniziennes.

CONTENUS	CAPACITÉS ATTENDUES	COMMENTAIRES
<p><b>Dérivation</b> Nombre dérivé d'une fonction en un point.</p> <p>Tangente à la courbe représentative d'une fonction dérivable en un point.</p> <p>Fonction dérivée.</p> <p>Dérivée des fonctions usuelles : <math>x \mapsto \sqrt{x}</math>, <math>x \mapsto \frac{1}{x}</math> et <math>x \mapsto x^n</math> (<math>n</math> entier naturel non nul).</p> <p>Dérivée d'une somme, d'un produit et d'un quotient.</p> <p>Lien entre signe de la dérivée et sens de variation. Extremum d'une fonction.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Tracer une tangente connaissant le nombre dérivé.</li>   <li>• Calculer la dérivée de fonctions.</li>   <li>• Exploiter le sens de variation pour l'obtention d'inégalités.</li> </ul>	<p>Le nombre dérivé est défini comme limite du taux d'accroissement <math>\frac{f(a+h) - f(a)}{h}</math> quand <math>h</math> tend vers 0.</p> <p>On ne donne pas de définition formelle de la limite.</p> <p>L'utilisation des outils logiciels facilite l'introduction du nombre dérivé.</p> <p>On évite tout excès de technicité dans les calculs de dérivation. Si nécessaire, dans le cadre de la résolution de problèmes, le calcul de la dérivée d'une fonction est facilité par l'utilisation d'un logiciel de calcul formel.</p> <p>Il est intéressant de présenter le principe de démonstration de la dérivation d'un produit.</p> <p>Il n'est pas toujours utile de recourir à la dérivation pour étudier le sens de variation d'une fonction. On traite quelques problèmes d'optimisation.</p>

# 1 Nombre dérivé et tangente

## 1.1 Taux d'accroissement

### Définition 1

La fonction  $f$  est définie sur un intervalle  $I$  et  $\alpha$  est un nombre de  $I$ .

À tout nombre  $h$  non nul, tel que  $(\alpha + h)$  appartient à  $I$ , on peut associer le nombre  $\frac{f(\alpha + h) - f(\alpha)}{h}$  appelé **taux d'accroissement de  $f$  entre  $\alpha$  et  $(\alpha + h)$** .

► **Exemple et interprétation graphique.**  $f$  est la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^2$ .  $h$  désigne un nombre quelconque, non nul.

- Le taux d'accroissement de  $f$  entre 1 et  $(1 + h)$  est égal à :

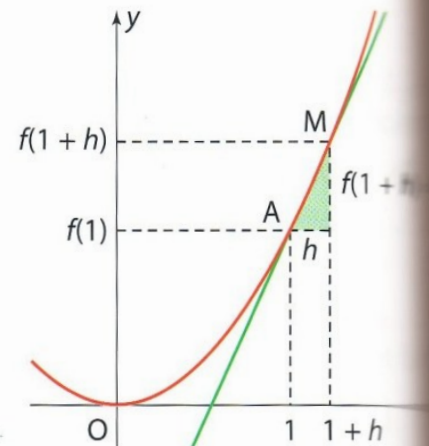
$$\begin{aligned}\frac{f(1+h) - f(1)}{h} &= \frac{(1+h)^2 - 1^2}{h} \\ &= \frac{1 + 2h + h^2 - 1}{h} \\ &= \frac{h(2+h)}{h} \\ &= 2 + h.\end{aligned}$$

### Animation

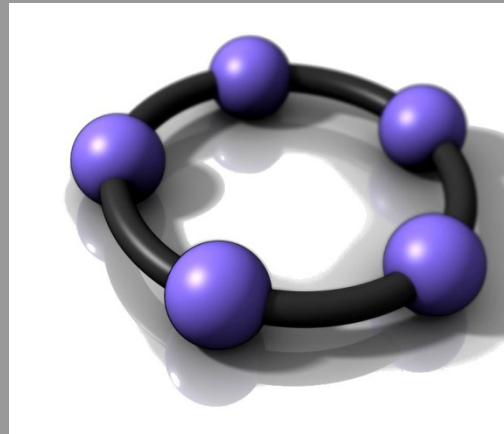
- A et M sont les points de la courbe représentative de  $f$  d'abscisses respectives 1 et  $(1 + h)$ .

Le taux d'accroissement de  $f$  entre 1 et  $(1 + h)$  est le coefficient directeur de la droite (AM) :

$$\frac{y_M - y_A}{x_M - x_A} = \frac{f(1+h) - f(1)}{(1+h) - 1} = \frac{f(1+h) - f(1)}{h}.$$



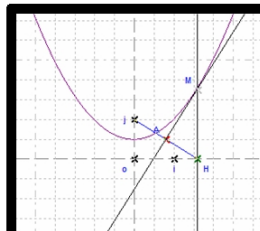




CODE DE L'ALGORITHME

```

1 VARIABLES
2 compteur EST_DU_TYPE NOMBRE
3 i EST_DU_TYPE NOMBRE
4 d EST_DU_TYPE NOMBRE
5 pas EST_DU_TYPE NOMBRE
6 ecart EST_DU_TYPE NOMBRE
7 nombre_derive EST_DU_TYPE NOMBRE
8 a EST_DU_TYPE NOMBRE
9 b EST_DU_TYPE NOMBRE
10 c EST_DU_TYPE NOMBRE
11 x1 EST_DU_TYPE NOMBRE
12 DEBUT_ALGORITHME
13 AFFICHER "a b et c sont les coefficients d'une fonction du troisieme degre"
14 LIRE a
15 LIRE b
16 LIRE c
17 AFFICHER "x1 est la valeur où l'on calcule le nombre derive"
18 LIRE x1
19 i PREND_LA_VALEUR 1
20 pas PREND_LA_VALEUR 1/1
21 ecart PREND_LA_VALEUR F1(x1+pas)-F1(x1)
22 TANT_QUE (ecart>0.00001) FAIRE
23   DEBUT_TANT_QUE
24     i PREND_LA_VALEUR i+1
25     pas PREND_LA_VALEUR pow(1/1,2)
26     ecart PREND_LA_VALEUR F1(x1+pas)-F1(x1)
27     d PREND_LA_VALEUR ecart/pas
28   FIN_TANT_QUE
29 AFFICHER "En "
30 AFFICHER x1
31 AFFICHER " le nombre derive de "
32 AFFICHER a
33 AFFICHER "x*3"
34 AFFICHER b
35 AFFICHER "x*2"
36 AFFICHER c
37 AFFICHER "x+d est environ :"
38 AFFICHER d
39
40 FIN_ALGORITHME
41
42 Fonction numérique utilisée :
43 F1(x)=a*pow(x,3)+b*pow(x,2)+c*pow(x,1)
    
```



Choix Variable Créer Valeur Créer Fonction Options

-∞	-∞	x <sub>1</sub>	∞
x <sub>1</sub> = 2/3	f		
∞	f'		

Créer Expression Créer Equation Options

f(x) =  $\frac{x+1}{3x-2}$  Calculer

f'(x) =  $\frac{1}{3x-2} - \frac{3(x+1)}{(3x-2)^2}$

Bloc Note mis à jour à 11:46:25, le 12/10/20

Nouvelle valeur de x :  $\frac{2}{3}$

Nouvelle fonction définie sur ]-∞;  $\frac{2}{3}$ [ ∪ ] $\frac{2}{3}$ ; ∞[

f(x) =  $\frac{x+1}{3x-2}$

derivée f :

$\frac{1}{3x-2} - \frac{3(x+1)}{(3x-2)^2}$

Nouvelle fonction définie sur ]-∞;  $\frac{2}{3}$ [ ∪ ] $\frac{2}{3}$ ; ∞[

Choix Variable Créer Valeur Créer Fonction Options

-∞	g		
x <sub>1</sub> = -2	h		
x <sub>2</sub> = 1	h <sub>0</sub>		
∞			

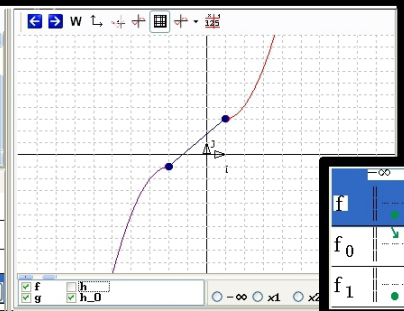
Créer Expression Créer Equation Options

f(x) =  $-(x+2)^2 - 1$

g(x) =  $(x-1)^2 + 3$

h(x) = a\*x + b

h<sub>0</sub>(x) =  $\frac{4x+5}{3+3}$  Calculer



Choix Variable Créer Valeur Créer Fonction Options

-∞	f		
0	f <sub>0</sub>		
0	f <sub>1</sub>		
∞			

Microsoft Mathematics interface showing a graph of the function  $y = \frac{d}{dx}(\ln(x^2 + 1))$ . The graph is plotted on a coordinate system with x and y axes ranging from -2 to 2. The function is a blue curve that passes through the origin and has a local maximum at approximately x = 0.7.

Equations et fonctions

2D Cartésien

$y = \frac{d}{dx}(\ln(x^2 + 1))$

$2x(1+x^2)^{-1}$

Ajouter Supprimer Graphique

Ensembles de données Paramétrique Inégalités Contrôles graphiques

WolframAlpha computational knowledge engine

derive  $\ln(x^2+1)$

Derivative:

$\frac{d}{dx}(\log(x^2 + 1)) = \frac{2x}{x^2 + 1}$

log(x) is the natural logarithm

Plots:

Graph of  $\frac{2x}{x^2 + 1}$  for x from -1 to 1.

Graph of  $\frac{2x}{x^2 + 1}$  for x from -4 to 4.

Root:

x = 0

# La transposition didactique

- Concept de la didactique des maths (Chevallard)
- France: tradition des programmes officiels
- Objet d'étude: la distance entre le savoir de référence et le savoir enseigné
- La transposition didactique est l'activité qui consiste à transformer un objet de savoir savant en un objet de savoir à enseigner

# Qu'apprend l'élève?

- Des connaissances, des savoirs, des processus, des concepts, des compétences, des connaissances théâtralisées, un savoir proche de celui du chercheur?
- À faire aussi bien que l'ordinateur, mieux? À savoir utiliser les nouvelles technologies?
- À répondre à des questions bien posées par l'enseignant, à comprendre le monde, à s'entraîner pour le brevet, le bac ?
- À devenir autonome scolairement, dans la vie, « honnête homme », performant, docile, adulte?
- Avoir l'esprit critique?
- À devenir un généraliste, un spécialiste, à disposer de connaissances, des savoirs, des compétences de base (socle), pratiques, techniques, théoriques?



# Comment l'élève apprend-il?

- Par transmission directe (proximité de la transposition didactique). **C'est le modèle transmissif.**
- En adoptant un comportement observable, dans une situation donnée, lui permettant d'atteindre l'objectif visé. **C'est le béhaviourisme.**
- Il construit ses propres connaissances de façon active, et c'est de ce processus que naît l'apprentissage. **C'est le constructivisme.**
- Il interagit avec son entourage, son environnement, effectue un travail de verbalisation et se nourrit d'échanges. **C'est le socio-constructivisme.**

# Le modèle transmissif

- Transposition didactique, cours magistral
- Les choses sont dites clairement, exposées de façon progressive et organisée
- L'enseignant sait, les élèves ne savent pas
- Les connaissances sont déversées sur l'élève qui s'en remplit

## Ce modèle nécessite:

- Attention, motivation, pré-requis, fonctionnement proche de celui de l'enseignant, autonomie d'apprentissage, travail régulier

## Les limites:

- Passivité, rythme imposé, esprit critique peu travaillé

# Le modèle behavioriste

- Centrage sur l'élève plus que sur le cours
- Les choses doivent être définies en termes de comportement observables
- L'enseignant se place plus au niveau de l'observable que du mental

## Ce modèle nécessite:

Un fort investissement comportemental de l'élève et un centrage de l'enseignant sur ce dernier

## Les limites:

- Contournement des difficultés. La pensée complexe ne naît pas nécessairement de la succession de tâches simples

# Le modèle (socio) constructiviste

- Les connaissances se construisent par ceux qui les apprennent
- L'individu réorganise son monde au fur et à mesure qu'il apprend
- Il intègre de nouvelles connaissances et procédures en adaptant celles qu'il possède déjà

## Ce modèle nécessite:

- Des situations-problèmes permettant de créer un conflit cognitif. (Échanges, interactions).

## Les limites:

- Synthèse et structuration difficiles. Dépendance à la situation et manque de recul. L'élève doit être motivé par la situation-problème.



# Comment comprend-il?

Il y a bien souvent un décalage sensible entre les buts visés par l'enseignant et la réalité factuelle observée chez l'élève.

Il y a souvent un écart important entre la démarche de l'enseignant caractérisée par ses aspects déductifs et affirmatif,

Et celle de l'élève qui est au contraire très pragmatique, inductive et analytique.

(Pléty)

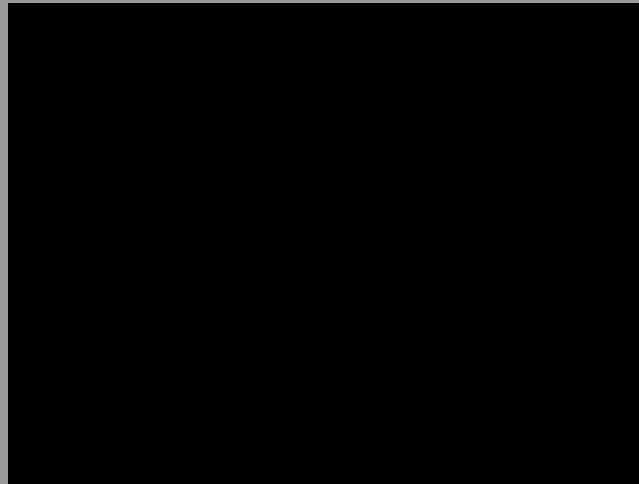
Comment sauver l'essentiel du sens au moment de l'introduction d'un concept?

# Comment comprend-il?

L'apprentissage de l'élève est de plus souvent dépendant,  
entre autres:

- De ses capacités de travail et de concentration, de son niveau initial
- Du schéma d'enseignement suivi
- De la motivation de l'élève et de sa sollicitation externe
- De l'environnement d'apprentissage (classe, établissement, environnement familial, heure)
- Des phénomènes d'étiquetage et de la dimension affective
- De son sentiment d'auto-efficacité personnelle
- De sa capacité à modifier ses stratégies d'apprentissage
- ....

# Pourquoi l'élève doit-il apprendre (des maths) ? Ce savoir lui sera-t-il utile?



Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

Ingénierie

+

Artisanat

+

Bricolage



Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

**Ingénierie**

Pépiniériste

+

**Artisanat**

Paysagiste

+

**Bricolage**

Jardinier

Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

Ingénierie - Pépiniériste

Actions et situations  
dont l'établissement ou  
la variation modifient  
globalement et en  
profondeur la qualité et  
la quantité du processus  
éducatif

Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

Je décide de planter 10,  
20 ou 50 pieds de  
tomates. Je prépare  
l'emplacement, je  
choisis les espèces,  
j'anticipe sur le matériel,  
les moyens de contrôle,  
l'apport en eau...

Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

## Artisanat - Paysagiste

Actions et situations  
dont l'établissement ou  
la variation modifient  
globalement ou  
localement l'image du  
processus éducatif

Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

Je choisis la date de plantation, je plante des salades entre les pieds. Je choisis de mettre un goutte à goutte ou un tuyau poreux, de conserver des graines pour l'année suivante...



Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

Bricolage - Jardinier

Actions et situations  
dont l'établissement ou  
la variation adaptent  
localement ou  
temporairement le  
processus éducatif

Qu'est-ce qu'enseigner exactement?

J'adapte la fréquence d'arrosage a la situation météo, je désherbe plus ou moins régulièrement, j'enlève les gourmands, je traite si besoin. Je pense a l'évolution de mes pratiques.

# Pour les situations suivantes, donner un exemple concret relevant de chacune des fonctions précédentes?

Gérer la classe

Gérer l'erreur

Préparer, donner, corriger des DTL

Expliquer différemment

Contrôler le travail des élèves

Se documenter, s'autoformer

Encourager et motiver

Insérer les Tice dans son enseignement

Préparer une activité

Réaliser une progression

Donner des objectifs à réaliser

Gérer l'imprévu

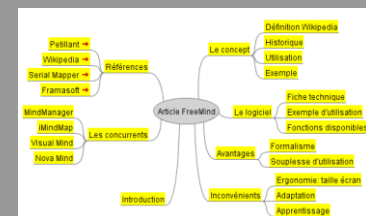
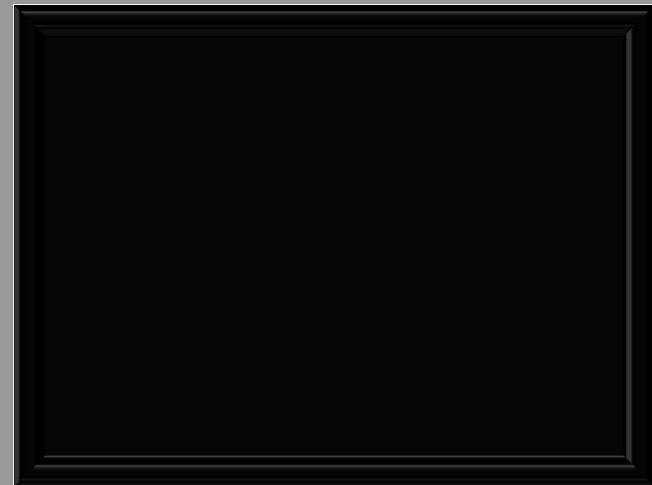
Gérer un conflit

Adapter son enseignement

Respecter les horaires et les délais

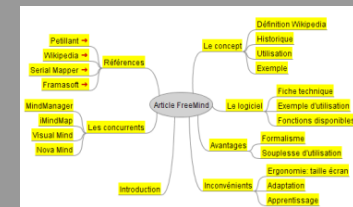
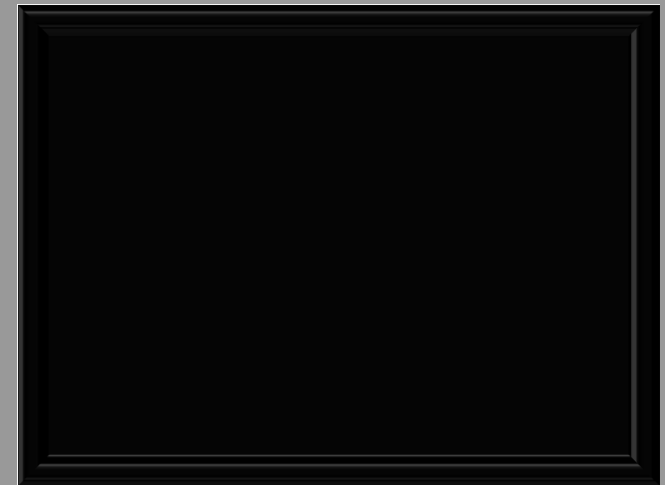
Préparer un concours

Présenter les objectifs de la séance,  
rappeler ceux de la séance précédente



# Donner **des exemples concrets** de leviers d'action pouvant favoriser l'apprentissage des élèves.

- A quel niveau se situent-ils?
- Quels sont leur impact?
- Quelles sont leurs limites?
- Quels sont les **indicateurs concrets** qui permettent de valider que l'objectif est atteint?



**FIN PARTIE 1**

# Gestion de classe

**niveau 14 : Renvoi du cours**

**niveau 13 : Convocation des parents**

**niveau 12 : Retenue**

**niveau 11 : Convocation chez le Responsable de niveau**

**niveau 10 : Discussion avec les collègues**

**niveau 9 : Coup de gueule**

**niveau 8 : Convocation à la fin du cours**

**niveau 7 : Changement de place**

**niveau 6 : Carnet de correspondance**

**niveau 5 : Implication du professeur**

**niveau 4 : Utilisation de la voix**

**niveau 3 : Rappel des consignes**

**niveau 2 : Communication non verbale**

**niveau 1 : Observation verbale nominative**

**niveau 0 : Accueil**

**J**'ai connu un professeur (le mien !) qui procédait de la manière suivante : à chaque incartade, l'élève se rapprochait de la porte ... Chaque étape de son exclusion, éventuelle et future, était en quelque sorte matérialisée par un changement de chaise. Evidemment il ne fallait pas que l'élève fût déjà placé près de la porte au début de l'aventure ! Mais l'art de concevoir un "plan de classe", cela fait aussi partie du métier...

## En guise de conclusion ... provisoire

Tout cela est bien fatigant, il est vrai, mais il n'y a guère d'heure de cours où il ne faille faire preuve d'autorité. C'est normal, et comme ça ... depuis qu'il existe des élèves, même si le geste consiste simplement à susurrer un "*TSST ... TSST !!!*" pour rappeler à l'ordre un élève ou remettre la classe au travail.

Voilà, c'est à peu près tout ...! A vous d'expérimenter ces quelques outils du professeur, mais rien ne remplacera votre propre expérience ; à vous aussi d'inventer votre propre style ! L'important, c'est que les élèves puissent travailler, grandir et progresser, grâce à vous. Merci pour eux.





# L'erreur de l'enseignant ou de l'élève...

## Guy Brousseau

L'exemple le plus remarquable est l'introduction du signe égal et de l'écriture algébrique à l'école primaire.

Totalement inutile à la pensée arithmétique élémentaire, il n'ajoute rien à son apprentissage. Cette inutilité le conduit à prendre un sens erroné qui provoque des séquelles d'erreurs jusqu'à l'Université. L'élève qui écrit  $3 + 4 = 7 + 5 = 12$ , ou l'étudiant qui pour démontrer une formule refuse de partir du second membre pour calculer le premier sont les victimes de cette erreur de didactique.

## Stella Baruk

Partant de l'hypothèse que les élèves sont intelligents, l'un des moyens de les rééduquer en maths est d'analyser avec eux leurs erreurs (pour comprendre ce qu'ils ont compris) et de leur faire découvrir le sens de ce qu'ils écrivent. L'erreur ne doit pas être infamante mais fait partie de l'appropriation du savoir.

Dans cet esprit, Stella Baruk dénonce l'"obsession de la note" et souhaite que les enfants ne soient pas notés avant le CE2 (3ème année de l'école primaire française) et jamais en phase d'apprentissage.



# Préparer, donner, corriger des DTL

## Définition

Un devoir en temps libre est un devoir que les élèves ont à rédiger en dehors de la classe, individuellement, et pour lequel ils sont clairement informés que leur copie sera relevée, corrigée et annotée par le professeur. Leur modernité, par opposition aux devoirs à la maison antérieurs, tient à plusieurs points touchant à l'esprit et au fond. Dans l'esprit, ils se proposent d'accompagner aussi continûment que possible le travail de l'élève. Sur le fond, ils éviteront absolument le pensum susceptible de décourager ou d'inciter les élèves à contourner les règles de bon fonctionnement du travail attendu. Ces deux remarques conduisent à proposer des devoirs en temps libre fréquents et courts plutôt que rares et longs. Ce dispositif est attendu à tous les niveaux de la sixième à la terminale.

## Mise en œuvre

### Deux principes à communiquer aux élèves :

**1. Le devoir en temps libre est un moment de formation et non un moment d'évaluation.**

(Le professeur jugera du plus efficace compte tenu de ses pratiques personnelles : doit-il ou non noter ces devoirs en temps libre ? Dans l'affirmative, il devra limiter l'importance attachée aux notes pour ne pas inciter les élèves à les tirer artificiellement vers le haut au moyen d'aides inappropriées)

**2. Ce moment prend une place bien définie dans la progression annuelle et il est intégré dans le cadre de travail de la classe.**

(Il convient de montrer clairement aux élèves que les devoirs en temps libre ne constituent pas un appendice mineur de l'enseignement mis en place. Pour cela des prolongements et des reprises en évaluation sont indispensables)

### B. Deux exigences à poser aux élèves :

**1. Sur la forme :**

La rédaction de son devoir est personnelle. (Ce critère est parfaitement observable. Le professeur veillera à le faire respecter aussi strictement que possible)

**2. Sur le fond :**

Il a pu pour le réaliser bénéficier de toutes les aides et de toutes les ressources possibles. Mais le critère permettant de vérifier que le travail effectué respecte l'esprit indispensable au bon fonctionnement du dispositif est qu'il doit être capable de restituer seul une production de qualité similaire. (Pour rendre ce critère observable, le professeur n'hésitera pas en quelques occasions à faire refaire en classe un exercice du devoir au moment même de sa remise)







# Contrôler le travail des élèves

## Le prof « idéal » selon les élèves

- Il est gentil
- Il sait tenir ses classes
- Il sollicite beaucoup les élèves
- Il a un bon contact avec les élèves
- Il fait aimer sa matière
- **Il vérifie le travail à faire**
- Il explique bien
- Il aime enseigner
- Sa voix est entraînante

## Le prof « idéal » selon les enseignants

- Il a un bon contact avec les élèves
- Il fait travailler les élèves
- Il est attentif aux élèves
- Il est sérieux



- Travail avec les Tice

